

Dadas as matrizes  $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 4 \end{bmatrix}$ ,  $B = (b_{ij})_{2 \times 3}$  em que  $b_{ij} = \begin{cases} j - i^2, & \text{se } i \neq j \\ 0, & \text{se } i = j \end{cases}$ ,  $C^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$  e  $D = (d_{ij})_{2 \times 2}$  em que  $d_{ij} = 2ij$ .

- Determine as matrizes  $B$  e  $D$ .
- Determine a matriz  $A^{-1}$ .
- Determine a matriz  $Y = 2C^{-1}I_2 - (D^{-1})^{-1}$ .
- Determine a matriz  $X$  tal que  $B^t X = \begin{bmatrix} -9 \\ 7 \\ 11 \end{bmatrix}$ .
- Determine a matriz  $(C^t E^t)^{-1}$  em que  $E^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$ .

Considere a matriz  $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$ .

- Determine a matriz  $A^2$ .
- Com base no resultado obtido no item anterior, determine a matriz  $A^{-1}$ . Justifique sua resposta.
- A matriz  $A$  é simétrica? Justifique sua resposta.
- Determine a matriz  $(A + A^{-1})^7$ .
- Seja  $B = (b_{ij})_{2 \times 2}$  uma matriz simétrica qualquer e considere a matriz  $A$  acima. Prove que se as matrizes  $A$  e  $B$  forem comutativas então a matriz  $(AB)$  é simétrica.