

Dadas as matrizes $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \\ 1 & 2 & 4 \end{bmatrix}$, $B = (b_{ij})_{2 \times 3}$ em que $b_{ij} = \begin{cases} j - i^2, & \text{se } i \neq j \\ 0, & \text{se } i = j \end{cases}$, $C^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 2 \\ 1 & 4 \end{bmatrix}$ e $D = (d_{ij})_{2 \times 2}$ em que $d_{ij} = 2ij$.

- Determine as matrizes B e D .
- Determine a matriz A^{-1} .
- Determine a matriz $Y = 2C^{-1}I_2 - (D^{-1})^{-1}$.
- Determine a matriz X tal que $B^t X = \begin{bmatrix} -9 \\ 7 \\ 11 \end{bmatrix}$.
- Determine a matriz $(C^t E^t)^{-1}$ em que $E^{-1} = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -5 & 3 \end{bmatrix}$.

Considere a matriz $A = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$.

- Determine a matriz A^2 .
- Com base no resultado obtido no item anterior, determine a matriz A^{-1} . Justifique sua resposta.
- A matriz A é simétrica? Justifique sua resposta.
- Determine a matriz $(A + A^{-1})^7$.
- Seja $B = (b_{ij})_{2 \times 2}$ uma matriz simétrica qualquer e considere a matriz A acima. Prove que se as matrizes A e B forem comutativas então a matriz (AB) é simétrica.