

CE003

Estatística II

Silvia Shimakura
silvia.shimakura@ufpr.br



Laboratório de Estatística e Geoinformação



Variáveis aleatórias e distribuições de probabilidade

- **Variável aleatória** é um função X que associa a cada evento do espaço amostral um valor numérico $X(\omega) \in \mathbb{R}$
- **Distribuição de probabilidade** associa a cada valor de uma v.a. uma probabilidade



Experimento: Lançamento de duas moedas

X = número de caras (C)

$\Omega = \{RR, CR, RC, CC\}$

$X = \{0, 1, 2\}$

A diagram consisting of three thin lines that map elements from the sample space Ω to the value of X . One line connects 'RR' to '0', another connects 'CR' and 'RC' to '1', and a third connects 'CC' to '2'.

$P(X=0) = 1/4$ $P(X=1) = 1/2$ $P(X=2) = 1/4$

Variáveis aleatórias

Uma variável aleatória pode ser classificada como **discreta** ou **contínua**, dependendo do domínio dos valores de X .

Exemplo:

o número de alunos em uma sala é uma **variável aleatória discreta**, denotada por X (maiúsculo).

Uma observação dessa variável é denotada pela respectiva letra minúscula, e.g. $x=50$ alunos

Em geral, denotamos a probabilidade de uma v.a. X assumir determinado valor x como $P(x)$ ou $P(X=x)$

Distribuições de probabilidade

- Denomina-se de distribuição de probabilidade de alguma variável aleatória, a regra geral que define a

função de probabilidade (fp) (V.A.s discretas)

função densidade de probabilidade (fdp) (V.A.s contínuas)

- Existem muitas distribuições de probabilidade, mas algumas merecem destaque por sua importância prática

Variável aleatória discreta

Uma V.A. é classificada como discreta se assume somente um conjunto enumerável (finito ou infinito) de valores.

Exemplos:

- Número de caras ao lançar 3 moedas
- Número de chamadas telefônicas que chegam à uma central em 1 hora
- Número de votos recebidos
- Aprovação no vestibular
- Grau de queimadura na pele

Variáveis aleatórias discretas

A função que atribui a cada valor da variável aleatória sua probabilidade é denominada função discreta de probabilidade ou **função de probabilidade**, isto é:

$$P(X = x_i) = p(x_i) = p_i, i=1, 2, \dots$$

com as seguintes propriedades:

i) A probabilidade de cada valor deve estar entre 0 e 1

$$0 \leq p(x_i) \leq 1, \forall i = 1, 2, \dots$$

ii) A soma de todas as probabilidades é igual a 1

$$\sum p(x_i) = 1$$

Experimento: Lançamento de duas moedas

Podemos montar uma tabela de distribuição de frequência para a variável aleatória

X = número de caras (C)

Assim podemos associar a cada valor de X sua probabilidade correspondente, como resultado das frequências relativas

$$P(X = 0) = 1/4$$

$$P(X = 1) = 2/4 = 1/2$$

$$P(X = 2) = 1/4$$

X	Freq (f)	Freq Relativa (fr)
0	1	1/4
1	2	2/4
2	1	1/4
Total	4	1

Variáveis aleatórias discretas

Dessa forma, a distribuição de probabilidade da variável aleatória

$X =$ número de caras (C) é:

X	P(X=x)
0	1/4
1	1/2
2	1/4
Total	1

Repare que as propriedades da função de probabilidade estão satisfeitas:

- i) As probabilidades estão entre 0 e 1
- ii) A soma de todas as probabilidades é 1

Variáveis aleatórias discretas

Dessa forma, a distribuição de probabilidade da variável aleatória

X = número de caras (C) é:

X	$P(X=x)$
0	1/4
1	1/2
2	1/4
Total	1

Repare que as propriedades da função de probabilidade estão satisfeitas:

- i) As probabilidades estão entre 0 e 1
- ii) A soma de todas as probabilidades é 1

Qual seria a média desta variável aleatória X ?

Esperança

O valor esperado, ou média, ou esperança matemática é uma quantidade utilizada como resumo do comportamento de uma V.A.

A esperança de uma V.A. X é obtida multiplicando-se cada valor de $X = x_i$, por sua probabilidade $P[X = x_i]$, e somando os produtos resultantes

$$E(X) = \sum x_i \cdot P[X = x_i]$$

A esperança é o valor médio que esperaríamos obter caso o experimento fosse repetido várias vezes.

Esperança

Exemplo: Um pediatra de um hospital público constatou que das crianças internadas durante um ano:
20% não internaram por infecção da faringe,
45% tiveram um internamento por infecção da faringe,
25% tiveram dois internamentos por infecção da faringe,
9% tiveram três internamentos por infecção da faringe e
1% tiveram quatro internamentos por infecção da faringe.
Seja X =número de internamentos por infecção da faringe
A função de probabilidade para X é:

No exemplo temos: $0,20 + 0,45 + 0,25 + 0,09 + 0,01 = 1$.

Qual é o número esperado de internamentos por infecção da faringe por ano?

X	$P(X=x_i)$
0	0,20
1	0,45
2	0,25
3	0,09
4	0,01

Esperança

Qual é o número esperado de internamentos por infecção da faringe por ano?

$$\begin{aligned} E(X) &= \sum x_i \cdot P(X=x_i) \\ &= 0 \cdot 0,20 + 1 \cdot 0,45 + 2 \cdot 0,25 + \\ &\quad 3 \cdot 0,09 + 4 \cdot 0,01 \\ &= 1,26 \end{aligned}$$

X	$P(X=x_i)$	$X_i P(X=x_i)$
0	0,20	0
1	0,45	0,45
2	0,25	0,5
3	0,09	0,27
4	0,01	0,04
Total	1	1,26

Variância

A variância, como já vimos, mede o grau de dispersão dos valores de uma variável aleatória em torno da sua média ou esperança $E(X)$.

A forma geral para o cálculo é

$$\text{Var}(X) = \sum (x_i - E(X))^2 \cdot P[X=x_i]$$

Ou alternativamente

$$\text{Var}(X) = E(X^2) - E(X)^2$$

em que

$$E(X^2) = \sum x_i^2 \cdot P[X=x_i]$$

Variância

X	P(X=x _i)	x _i P(X=x _i)	x _i ²	x _i ² P(X=x _i)
0	0,20	0	0	0
1	0,45	0,45	1	0,45
2	0,25	0,5	4	2,0
3	0,09	0,27	9	2,43
4	0,01	0,04	16	0,64
Total	1	1,26		5,52

$$E(X) = 1,26$$

$$E(X^2) = 5,52$$

$$\text{Var}(X) = E(X^2) - E(X)^2$$

$$= 5,52 - (1,26)^2$$

$$= 3,93$$

$$\text{DP}(X) = \sqrt{3,93} = 1,98$$

Exercício

As probabilidades de um corretor de imóveis vender uma sala comercial com lucro de R\$ 3500,00, de R\$ 2500,00, R\$ 800,00 ou com um prejuízo de R\$ 500,00 são 0,33, 0,35, 0,22 e 0,10, respectivamente.

Qual é o lucro esperado do corretor de imóveis?

Exercício

As probabilidades de um corretor de imóveis vender salas comerciais com lucro de R\$ 3500,00, de R\$ 2500,00, R\$ 800,00 ou com prejuízo de R\$ 500,00 são 0,33, 0,35, 0,22 e 0,10, respectivamente.

Qual é o lucro esperado do corretor de imóveis?

Lucro (X)	3500	2500	800	-500
P(X=x)	0,33	0,35	0,22	0,10

$$E(X)=3500 \times 0,33 + 2500 \times 0,35 + 800 \times 0,22 - 500 \times 0,10 = \mathbf{2156,00}$$

Exercício

As probabilidades de um corretor de imóveis vender salas comerciais com lucro de R\$ 3500,00, de R\$ 2500,00, R\$ 800,00 ou com prejuízo de R\$ 500,00 são 0,33, 0,35, 0,22 e 0,10, respectivamente.

Qual é o lucro esperado do corretor de imóveis?

Lucro (X)	3500	2500	800	-500
P(x)	0,33	0,35	0,22	0,10

$$E(X)=3500 \times 0,33 + 2500 \times 0,35 + 800 \times 0,22 - 500 \times 0,10 = \mathbf{2156,00}$$

$$E(X^2)=3500^2 \times 0,33 + 2500^2 \times 0,35 + 800^2 \times 0,22 + (-500)^2 \times 0,10 = 6395800$$

$$\text{Var}(X)=E(X^2)-E(X)^2=1747464 \quad \text{DP}(X)=\mathbf{1321,90}$$

Distribuições de Probabilidade

Exemplo: Eficácia de medicamento

- Uma indústria farmacêutica afirma que um certo medicamento alivia os sintomas de angina pectoris em 80% dos pacientes.
- Você prescreve este medicamento a 5 dos seus pacientes com angina mas somente 2 (40%) relatam alívio dos sintomas.
- Se a afirmação do fabricante for verdadeira, é possível obter resultados tão ruins ou ainda piores do que os que você observou?

Exemplo: Eficácia de medicamento (cont.)

- Assume-se que:

- **A**: alívio dos sintomas
- Afirmação fabricante verdadeira: **$P(A)=0,8$**
- **X**: nº pacientes que relatam alívio dos sintomas dentre 5 pacientes

- Queremos saber:

$$P(X \leq 2) = P(X=2) + P(X=1) + P(X=0)$$

Exemplo: Eficácia de medicamento (cont.)

x	Sequência	P(Sequência)
2	AANNN	$P(AANNN)=P(A)P(A)P(N)P(N)P(N)$

Supondo independência entre os pacientes



Exemplo: Eficácia de medicamento (cont.)

X	Sequência	P(Sequência)
2	AANNN	$0,8 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	ANANN	$0,8 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	ANNAN	$0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	ANNNA	$0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NAANN	$0,2 \times 0,8 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NANAN	$0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NANNA	$0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NNAAN	$0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,8 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NNANA	$0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,8 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NNNAA	$0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,8 = 0,8^2 \times 0,2^3$

$$\binom{5}{2} = 10$$

Sequências possíveis

Exemplo: Eficácia de medicamento (cont.)

X	Sequência	P(Sequência)
2	AANNN	$0,8 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	ANANN	$0,8 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	ANNAN	$0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	ANNNA	$0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NAANN	$0,2 \times 0,8 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NANAN	$0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NANNA	$0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NNAAN	$0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,8 \times 0,2 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NNANA	$0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,8 = 0,8^2 \times 0,2^3$
2	NNNAA	$0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,8 = 0,8^2 \times 0,2^3$
P(X=2)		$10 \times 0,8^2 \times 0,2^3 = 0,0514$

$$\binom{5}{2} = 10$$

Sequências possíveis

Exemplo: Eficácia de medicamento (cont.)

X	Sequência	P(Sequência)
1	ANNNN	$0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NANNN	$0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NNANN	$0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NNNAN	$0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NNNNA	$0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 = 0,8^1 \times 0,2^4$
P(X=1)		$5 \times 0,8^1 \times 0,2^4 = 0,0064$

$$\binom{5}{1} = 5$$

Sequências possíveis

Exemplo: Eficácia de medicamento (cont.)

X	Sequência	P(Sequência)
1	ANNNN	$0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NANNN	$0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NNANN	$0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NNNAN	$0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NNNNA	$0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 = 0,8^1 \times 0,2^4$
P(X=1)		$5 \times 0,8^1 \times 0,2^4 = 0,0064$
0	NNNNN	$0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^0 \times 0,2^5$
P(X=0)		$1 \times 0,8^0 \times 0,2^5 = 0,00032$

$$\binom{5}{1} = 5$$

Sequências possíveis

$$\binom{5}{0} = 1$$

Exemplo: Eficácia de medicamento (cont.)

X	Sequência	P(Sequência)
1	ANNNN	$0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NANNN	$0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NNANN	$0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NNNAN	$0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 \times 0,2 = 0,8^1 \times 0,2^4$
1	NNNNA	$0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,8 = 0,8^1 \times 0,2^4$
P(X=1)		$5 \times 0,8^1 \times 0,2^4 = 0,0064$
0	NNNNN	$0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 \times 0,2 = 0,8^0 \times 0,2^5$
P(X=0)		$1 \times 0,8^0 \times 0,2^5 = 0,00032$

$$\binom{5}{1} = 5$$

Sequências possíveis

$$\binom{5}{0} = 1$$

$$P(X \leq 2) = 0,0514 + 0,0064 + 0,00032 = 0,05812$$

Exemplo: Eficácia de medicamento (cont.)

Se a afirmação do fabricante for verdadeira, a chance de se obter resultados tão ruins ou ainda piores do que os observados é de 5,8%.

CONCLUSÃO?

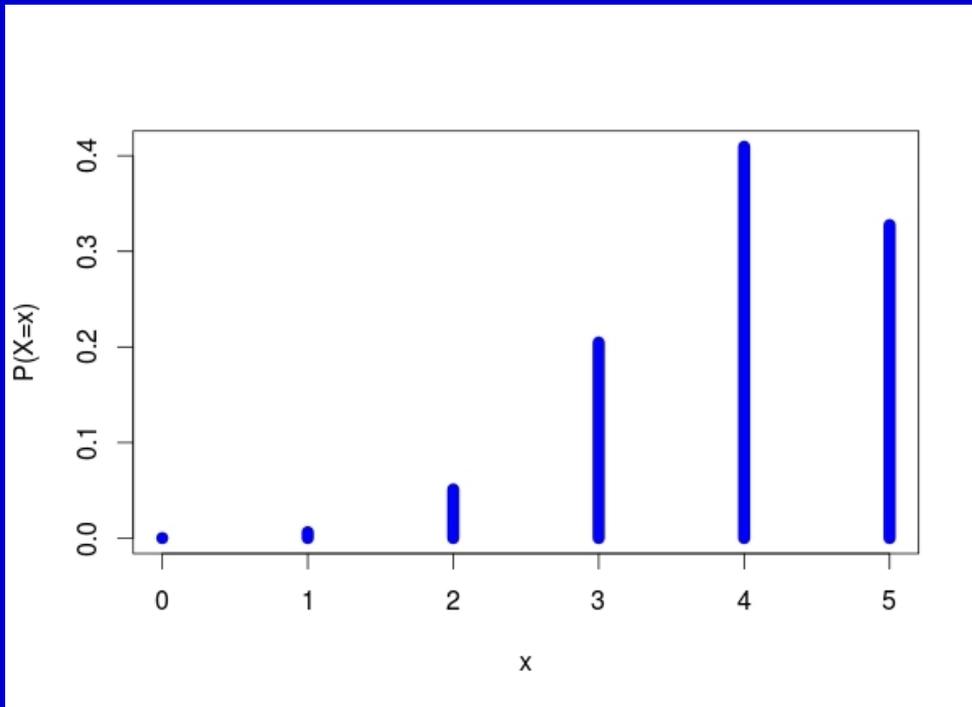
Distribuição Binomial

- n : no. ensaios (independentes)
- X : no. sucessos nos n ensaios
- p : prob. sucesso num ensaio

$$P(X=x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}$$

$$P(X=0) + P(X=1) + \dots + P(X=n) = 1$$

Distribuição binomial(5,0.8)



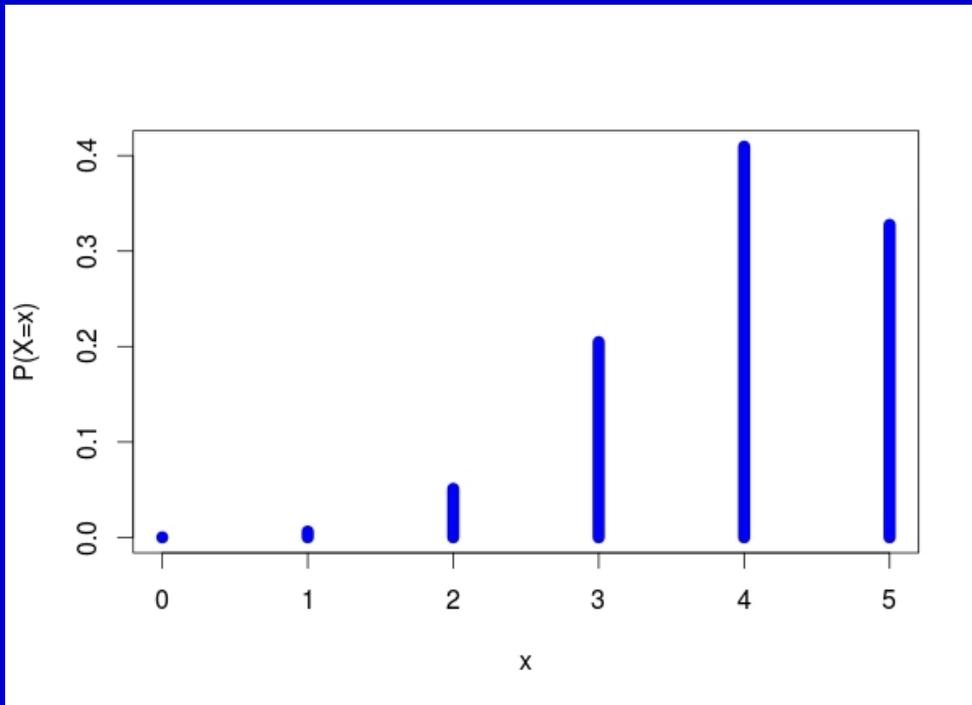
Se $n=5$ pacientes usarem o medicamento e a prob. alívio dos sintomas for $p=0,8$



A cada 5 pacientes espera-se em **média** $n \cdot p = 4$ pacientes com alívio dos sintomas

$$P(X=0)+P(X=1)+\dots+P(X=5)=1$$

Distribuição binomial(5,0.8)



Se $n=5$ pacientes usarem o medicamento e a prob. alívio dos sintomas for $p=0,8$



A cada 5 pacientes espera-se em **média** $n \times p = 4$ pacientes com alívio dos sintomas

A **variância** será

$$n \times p \times (1-p) = 0,8$$

$$P(X=0) + P(X=1) + \dots + P(X=5) = 1$$

Calculadora

<http://onlinestatbook.com/2/java/binomialProb.html>

Exercício

Num município, há uma probabilidade de 0,70 de uma empresa de materiais recicláveis ter seguro contra incêndio; qual a probabilidade de que, dentre cinco empresas:

- a) Nenhuma tenha seguro contra incêndio?
- b) Exatamente quatro tenham seguro contra incêndio?

Exercício

Num município, há uma probabilidade de 0,70 de uma empresa de materiais recicláveis ter seguro contra incêndio; qual a probabilidade de que, dentre cinco empresas:

X=número de empresas que tem seguro contra incêndio

p=Probabilidade de uma empresa ter seguro=0,70

n=5 empresas

a) Nenhuma tenha seguro contra incêndio? $P(X=0)$

b) Exatamente quatro tenham seguro contra incêndio? $P(X=4)$

Exercício

Sabe-se que 5% das válvulas fabricadas em uma indústria são defeituosas.

Em lotes de 20 válvulas, são esperadas quantas válvulas defeituosas?

Com qual desvio-padrão?

Variável aleatória contínua

Uma V.A. é classificada como contínua se assume valores em qualquer intervalo dos números reais.

Exemplos:

- Peso de animais
- Tempo de vida de uma pessoa
- Temperatura em uma hora específica do dia
- Salinidade da água do mar
- Retorno financeiro de um investimento

Exemplos

Qual é o efeito de uma terapia familiar entre jovens de 10 a 18 anos que presenciaram o divórcio de seus pais? Ela é eficiente? Para quais casos ela funciona mais?

Quanto a ansiedade de um aluno interfere nas provas do vestibular? Existe diferença entre homens e mulheres? Existe diferença entre quem está prestando o vestibular pela 1ª ou 3ª vez?

A taxa de natalidade de Curitiba é parecida com a de Recife? Existe diferença nos Índices de Mortalidade Infantil entre as regiões Nordeste e Sudeste?

A taxa de feminicídio é semelhante em todos os estados do Brasil?

Variável aleatória contínua

Não podemos atribuir probabilidades à valores específicos.

Atribuimos probabilidades à intervalos de valores, por meio de uma função.

As probabilidades são representadas por áreas.

Variável aleatória contínua

A **função densidade de probabilidade** (fdp) atribui probabilidades à intervalos de valores do tipo $[a, b]$, e é definida por

$$P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x) dx$$

com as seguintes propriedades

- i) É uma função não negativa: $f(x) \geq 0$
- ii) A área total sob a curva deve ser igual a 1

Variável aleatória contínua

- $P[X = x] = 0$, então

$$P[a \leq X \leq b] = P[a < X \leq b] = P[a \leq X < b] = P[a < X < b]$$

- Qualquer função que seja não negativa e cuja área total sob a curva seja igual à 1 caracterizará uma VA contínua.
- $f(x)$ não representa a probabilidade de ocorrência de algum evento, A área sob a curva entre dois pontos é que fornecerá a probabilidade.

Esperança

A **esperança** de uma V.A. contínua tem o mesmo sentido e interpretação da esperança de uma V.A. discreta: **é a média ou valor esperado da V.A.**

A esperança é obtida através da integral do produto de x com a função $f(x)$.

$$E(X) = \int x \cdot f(x) dx$$

Variância

A variância, como já vimos, dá o grau de dispersão dos valores de uma variável aleatória em torno da média ou esperança $E(X)$.

A forma geral para o cálculo em V.A.s contínuas é

$$\text{Var}(X) = E[(X - E(X))^2] = \int [x - E(X)]^2 \cdot f(x) dx = E(X^2) - E(X)^2$$

em que $E(X^2) = \int x^2 \cdot f(x) dx$

Distribuições contínuas de probabilidade

Existem diversos modelos contínuos de probabilidade.

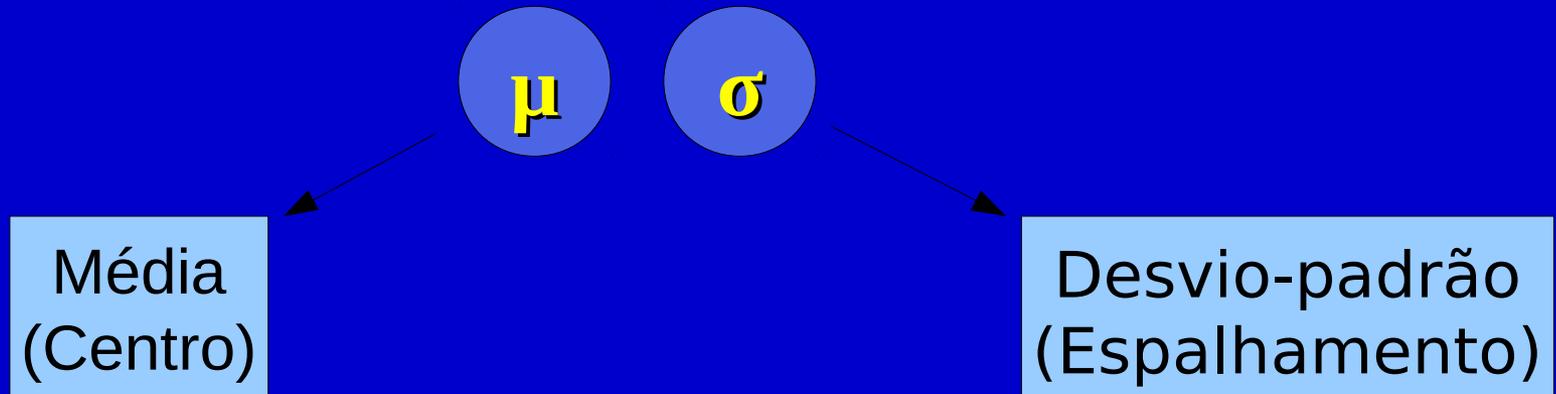
Um dos mais importantes, tanto do ponto de vista teórico quanto prático, é a **distribuição normal**.

Carl Friedr. Gauss (1777-1855)



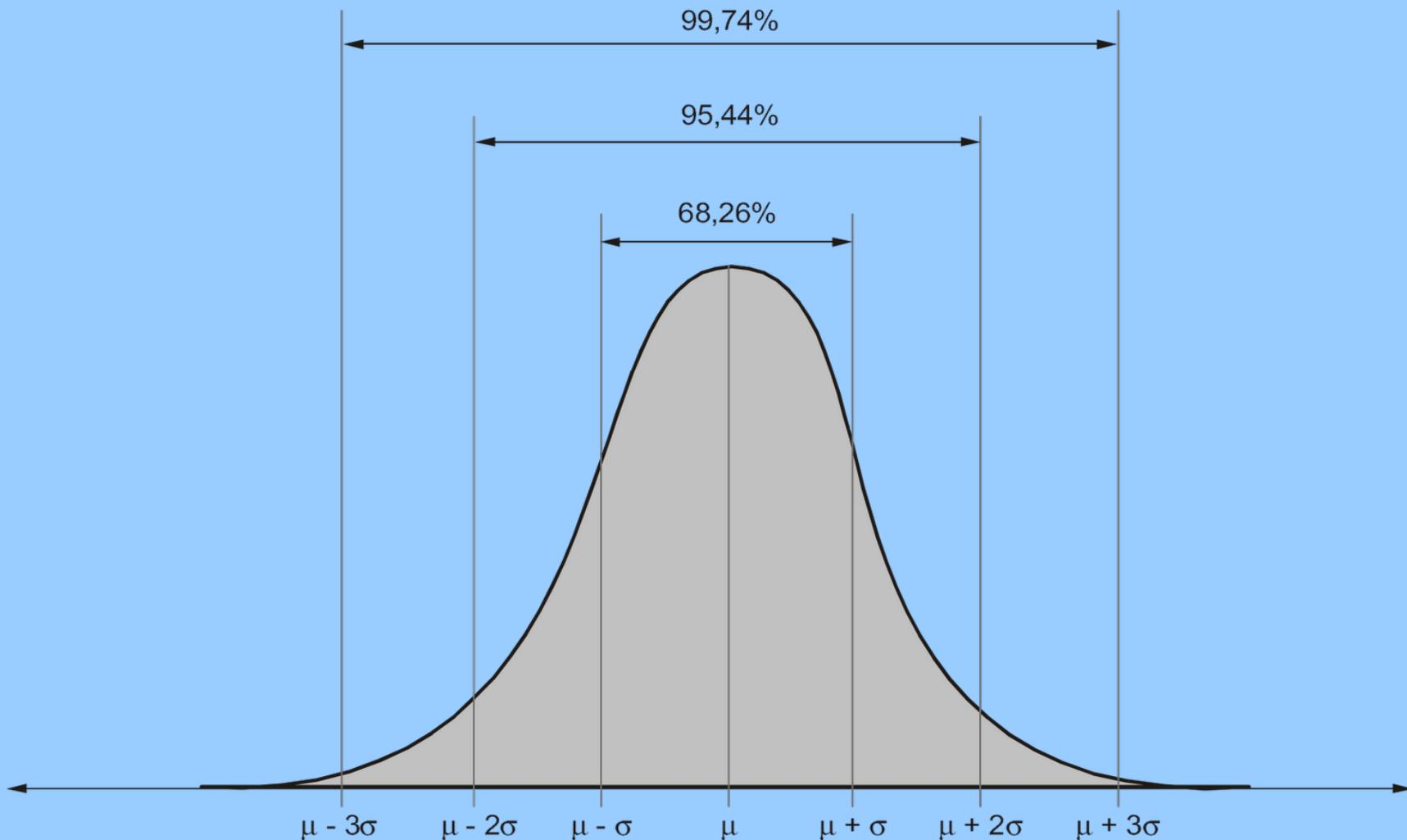
Distribuição Normal

- Diversas variáveis contínuas tais como, altura, peso, níveis de colesterol, pressão arterial, podem ser descritas pela distribuição normal
- Formato da curva definido por 2 parâmetros:



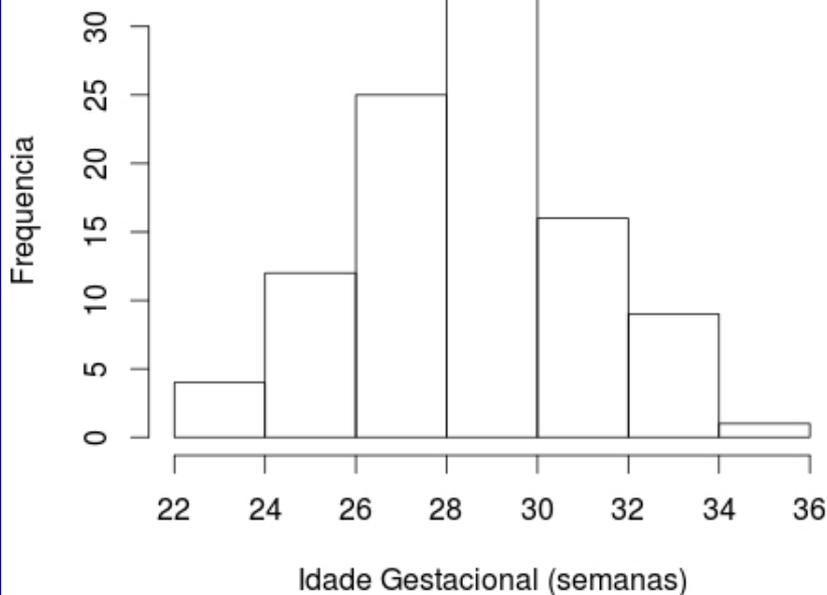
Equação:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{\left\{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}\right\}}$$

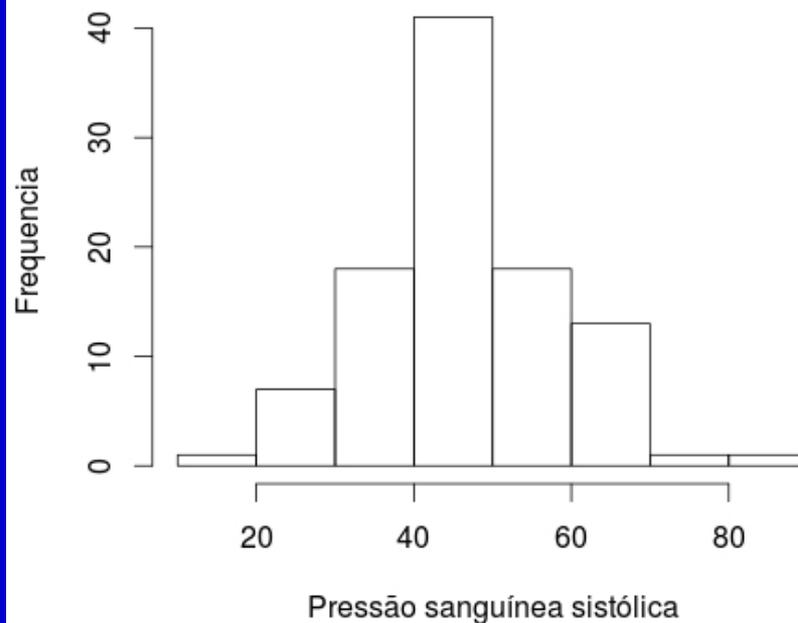


Amostra de 100 recém-nascidos com peso < 1500g em Boston, Massachusetts

Recém-nascidos com peso < 1500g

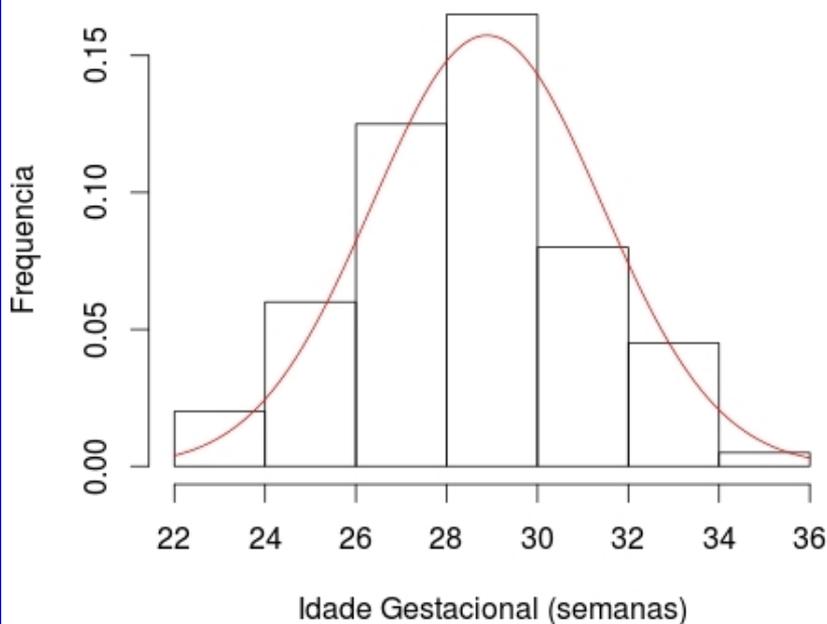


Recém-nascidos com peso < 1500g

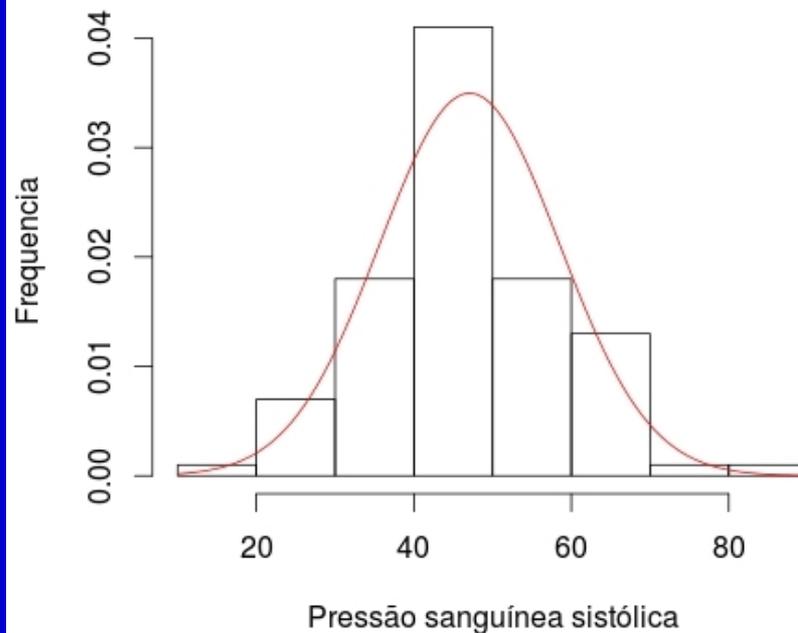


Amostra de 100 recém-nascidos com peso < 1500g em Boston, Massachusetts

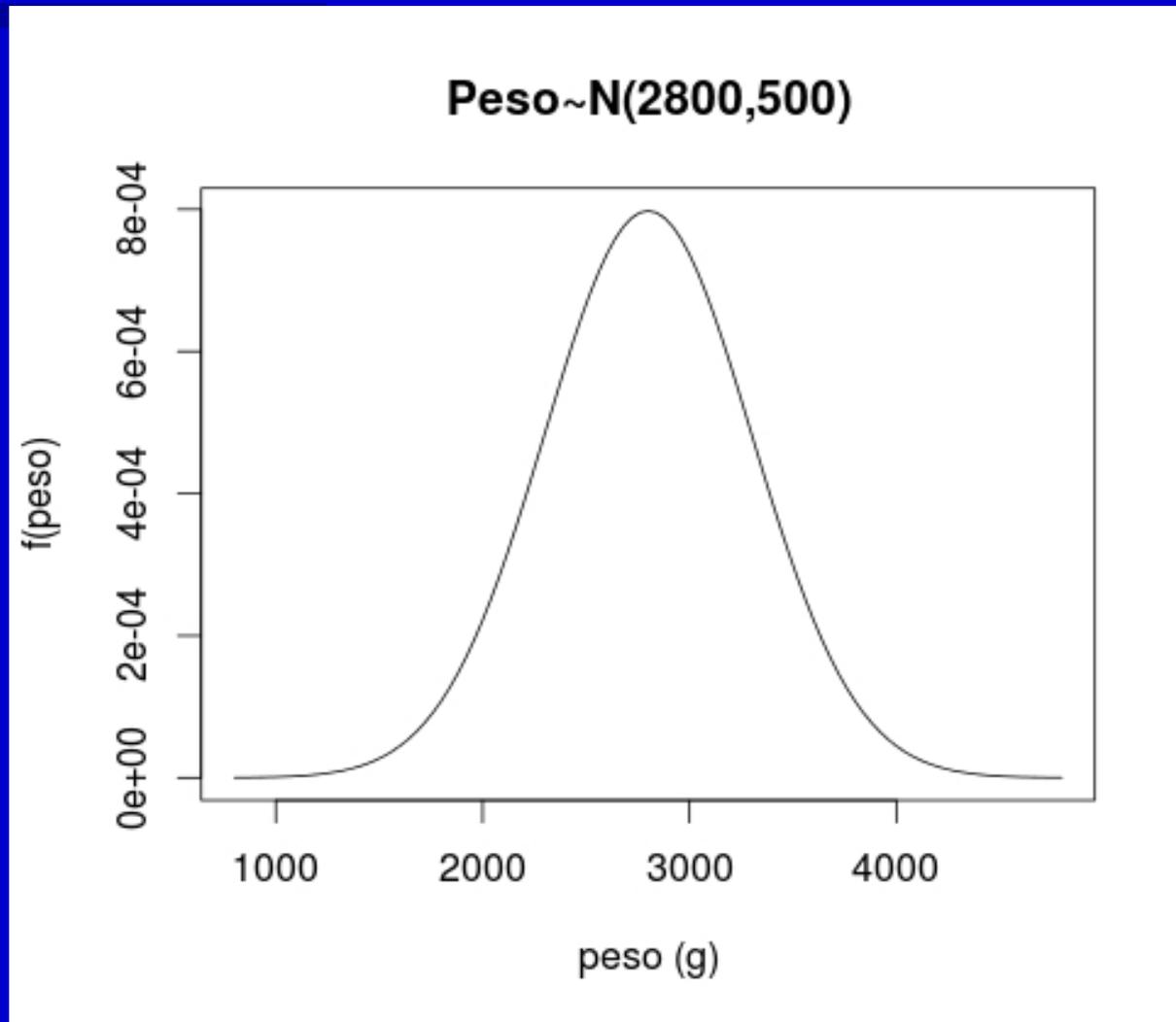
Recém-nascidos com peso < 1500g



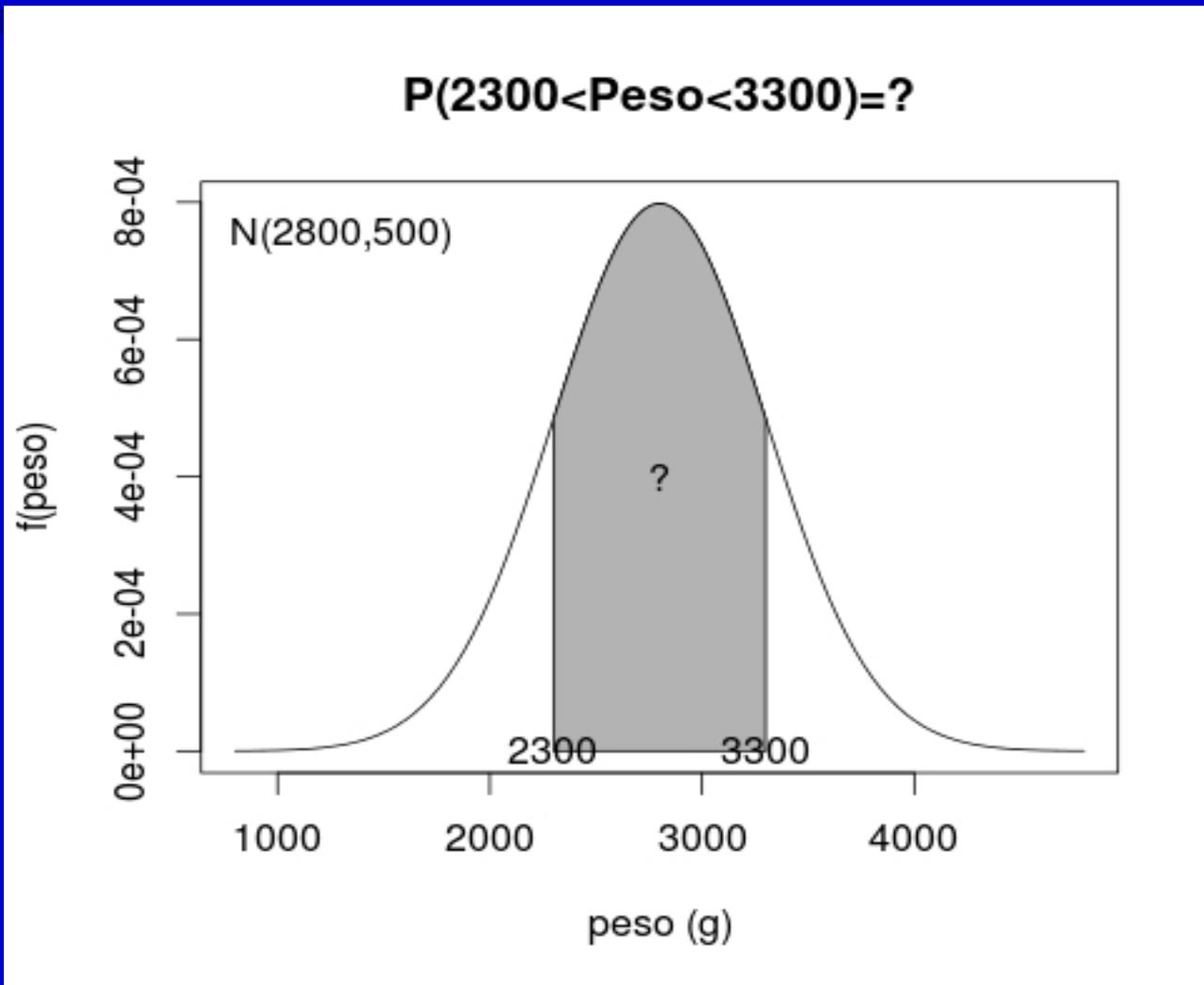
Recém-nascidos com peso < 1500g



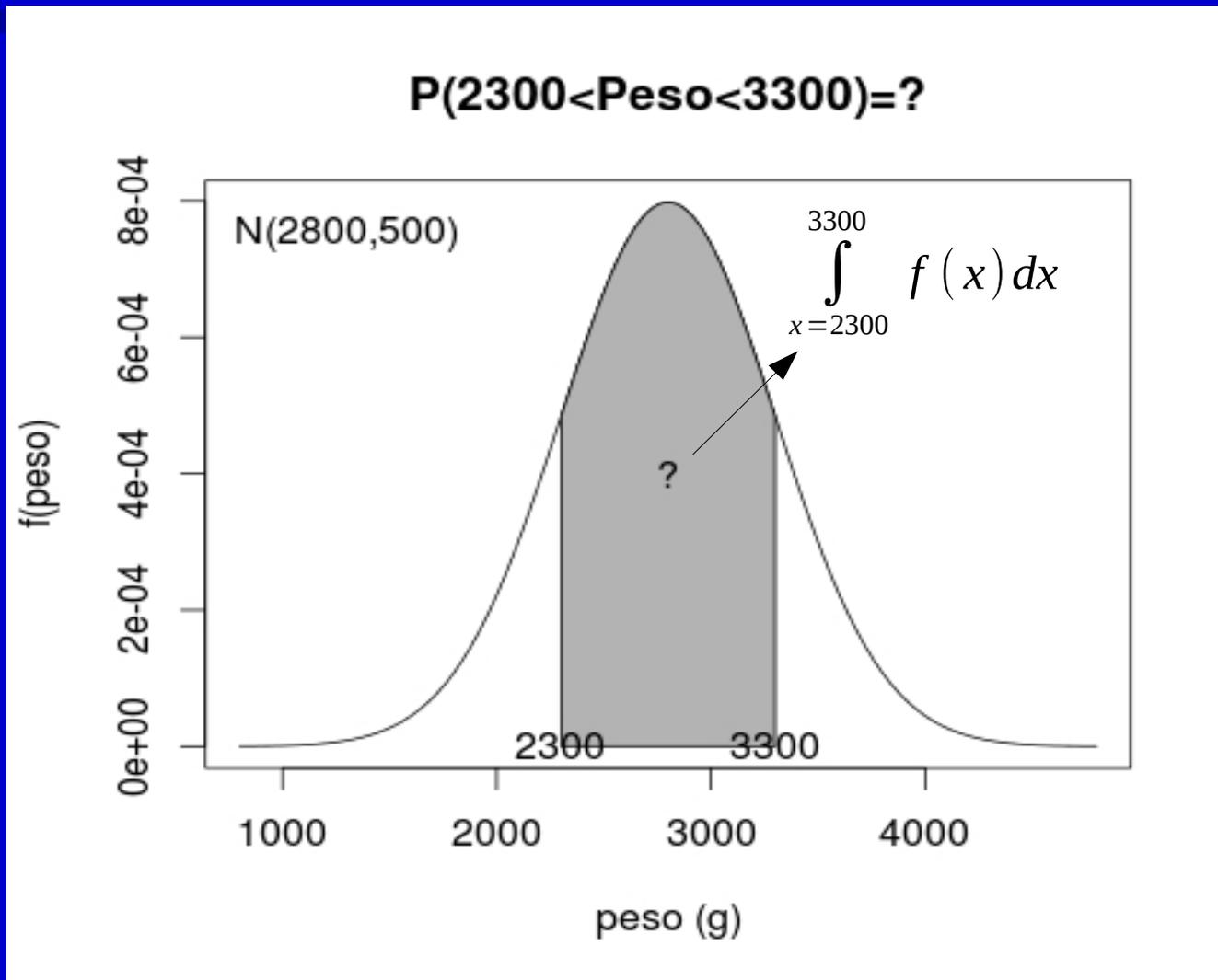
Exemplo: peso de recém-nascidos



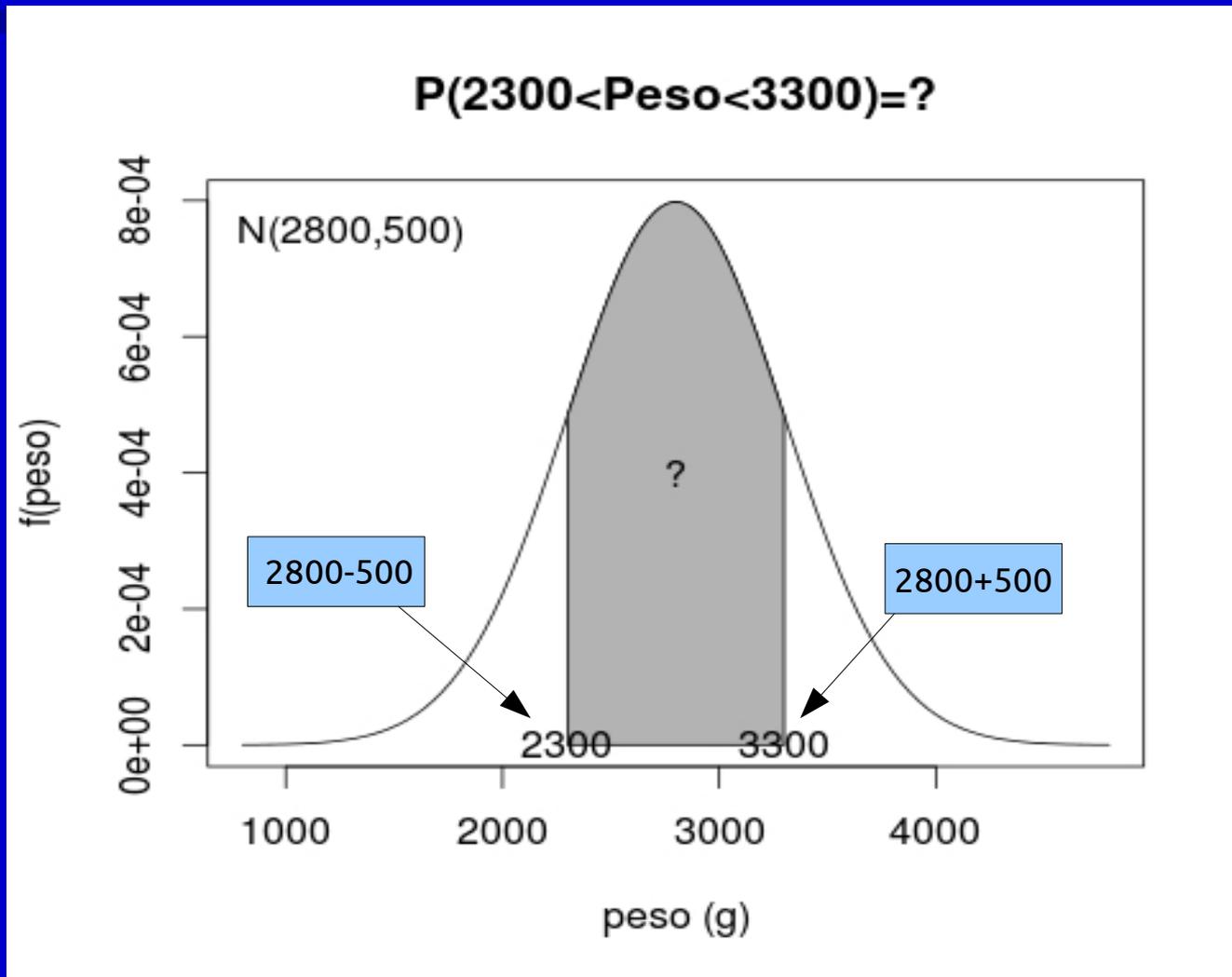
Exemplo: peso de recém-nascidos



Exemplo: peso de recém-nascidos

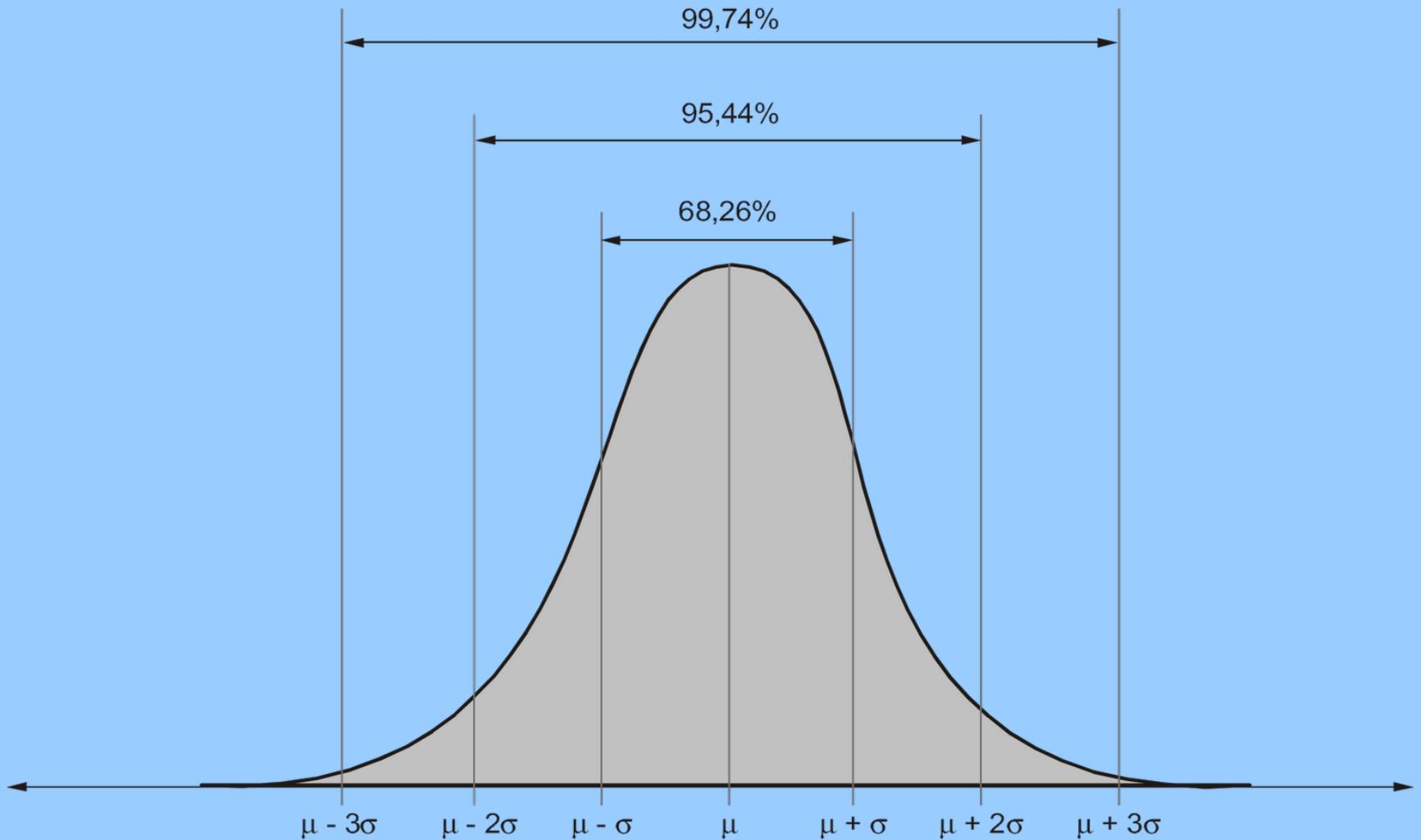


Exemplo: peso de recém-nascidos

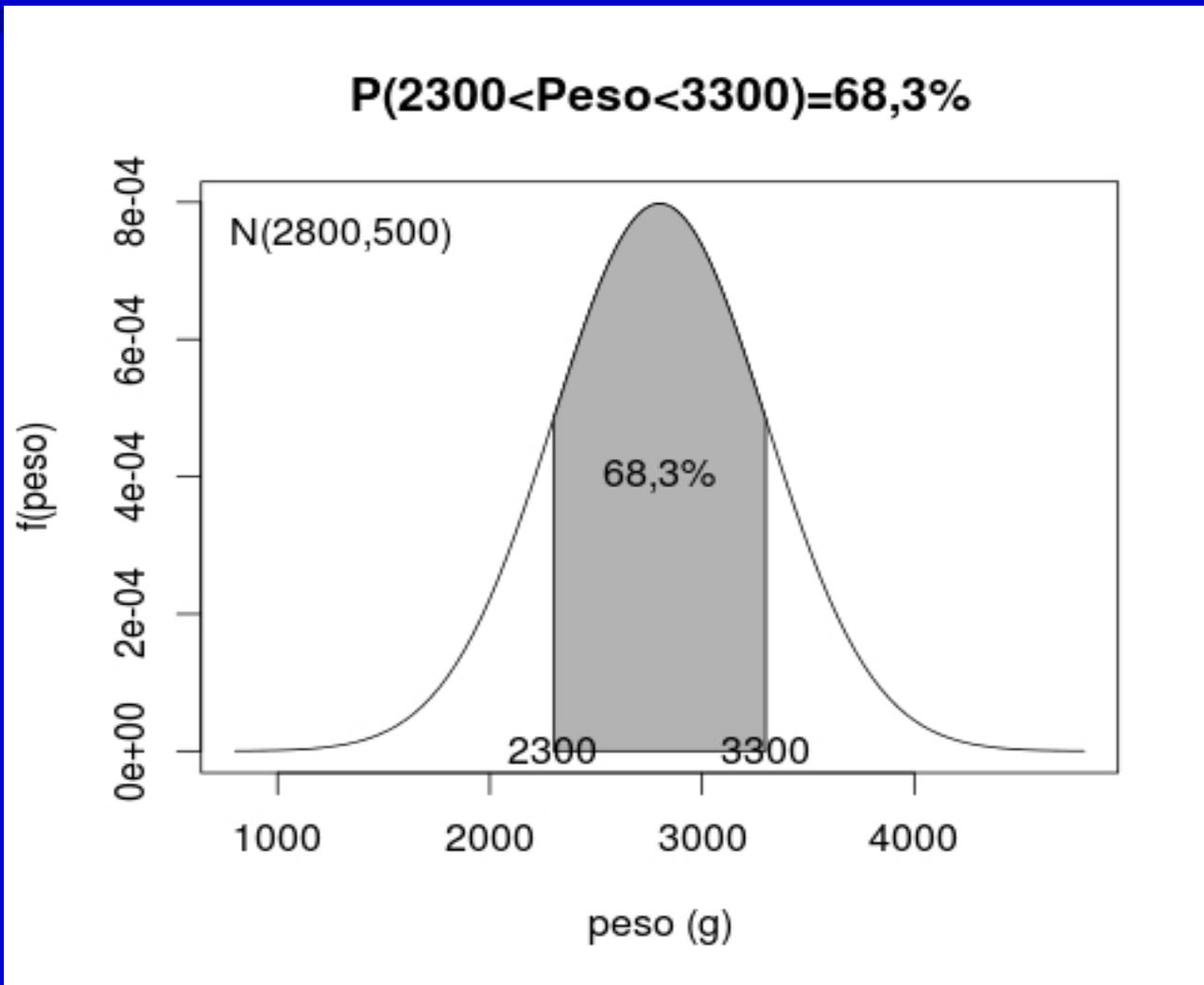


Equação:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma \sqrt{2\pi}} \exp \left\{ -\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2} \right\}$$

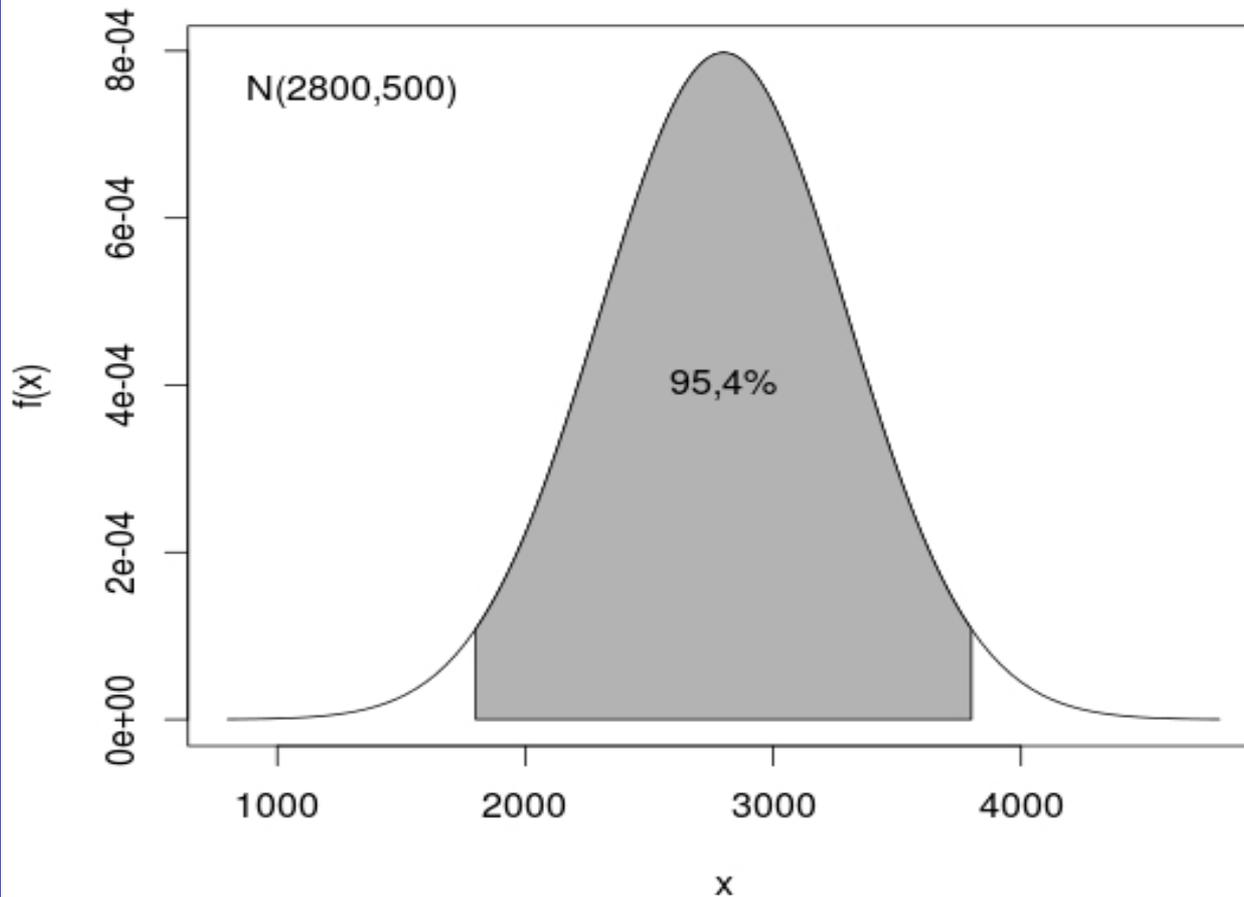


Exemplo: peso de recém-nascidos

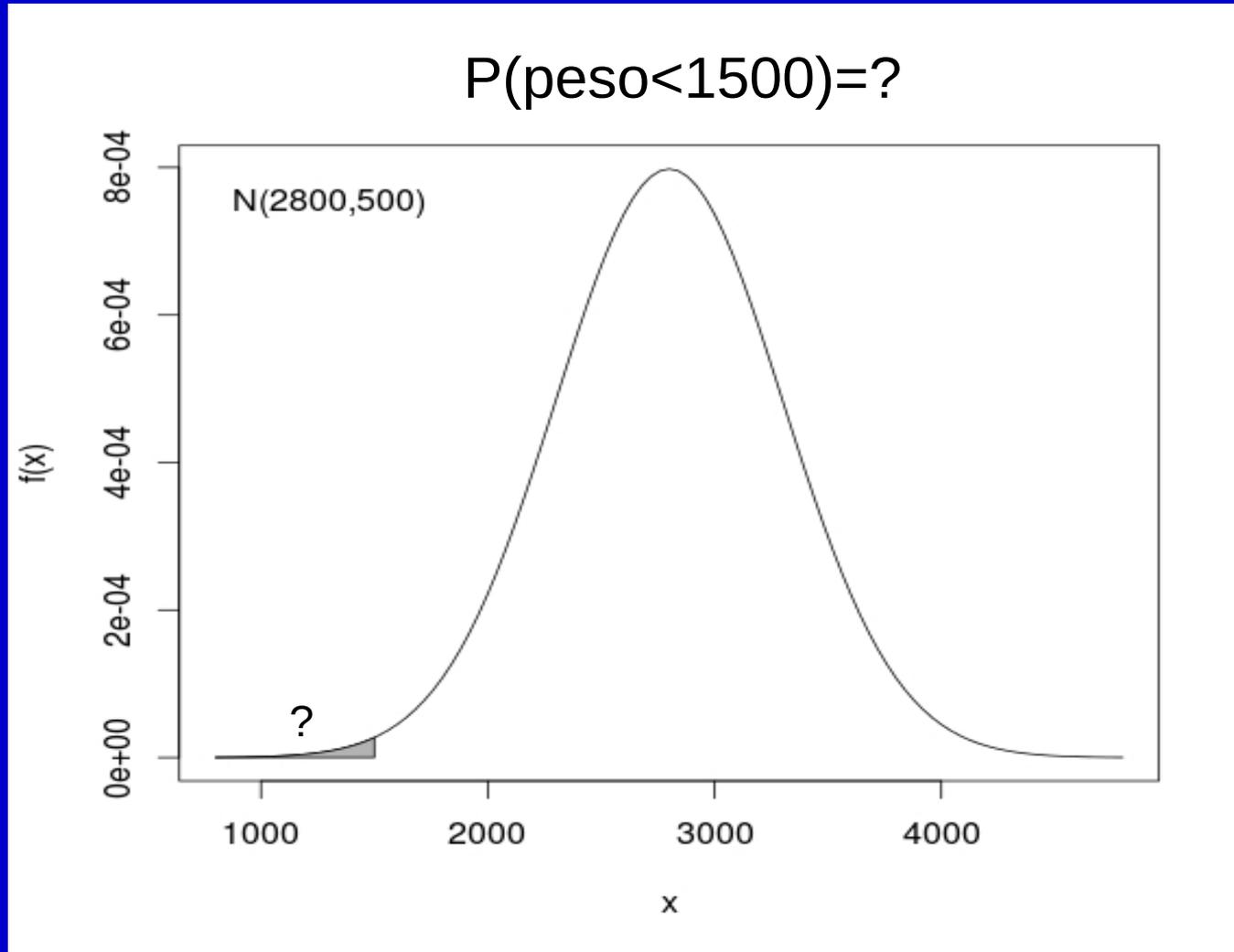


Exemplo: peso de recém-nascidos

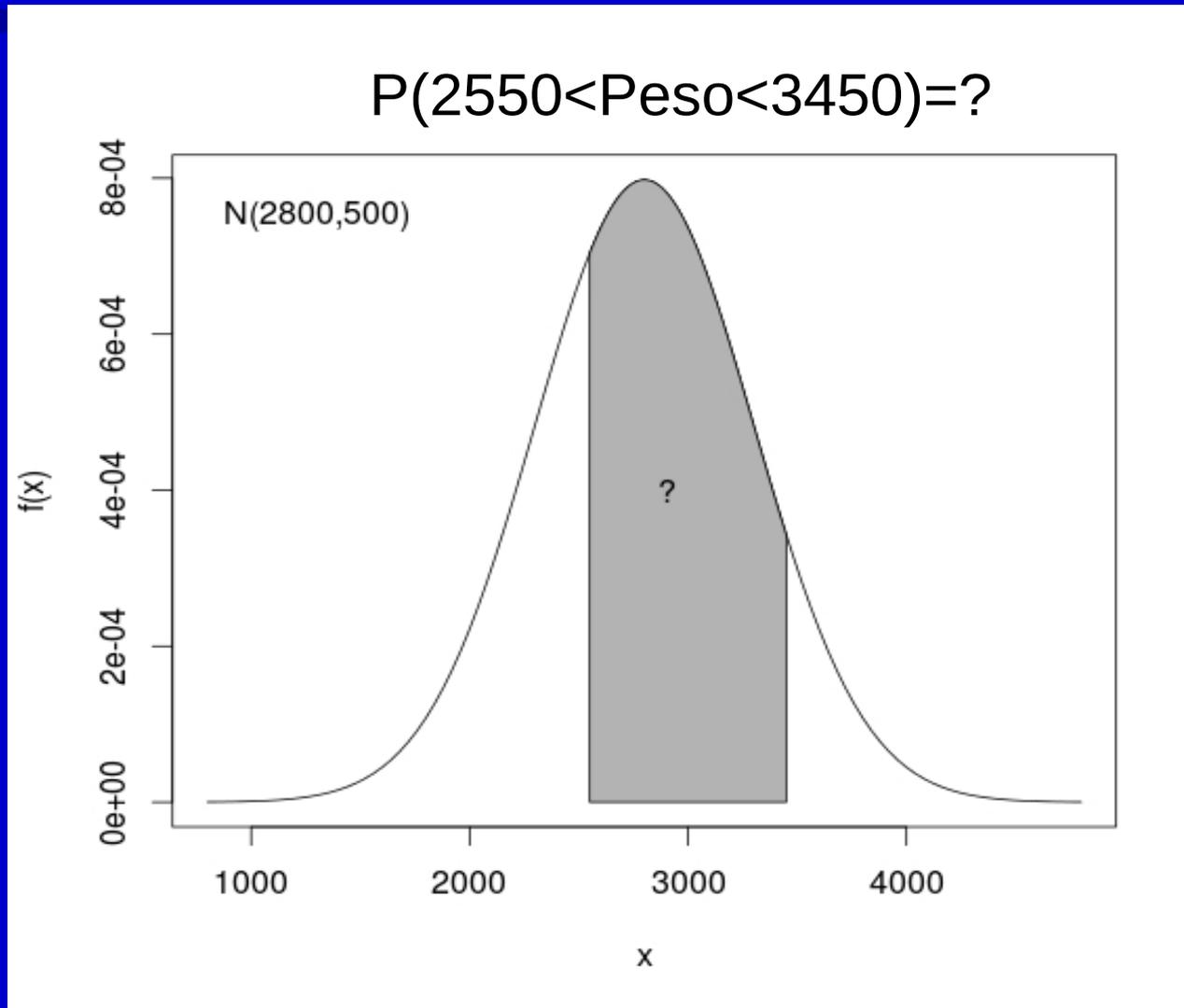
$$P(1800 < \text{Peso} < 3800) = 95,4\%$$



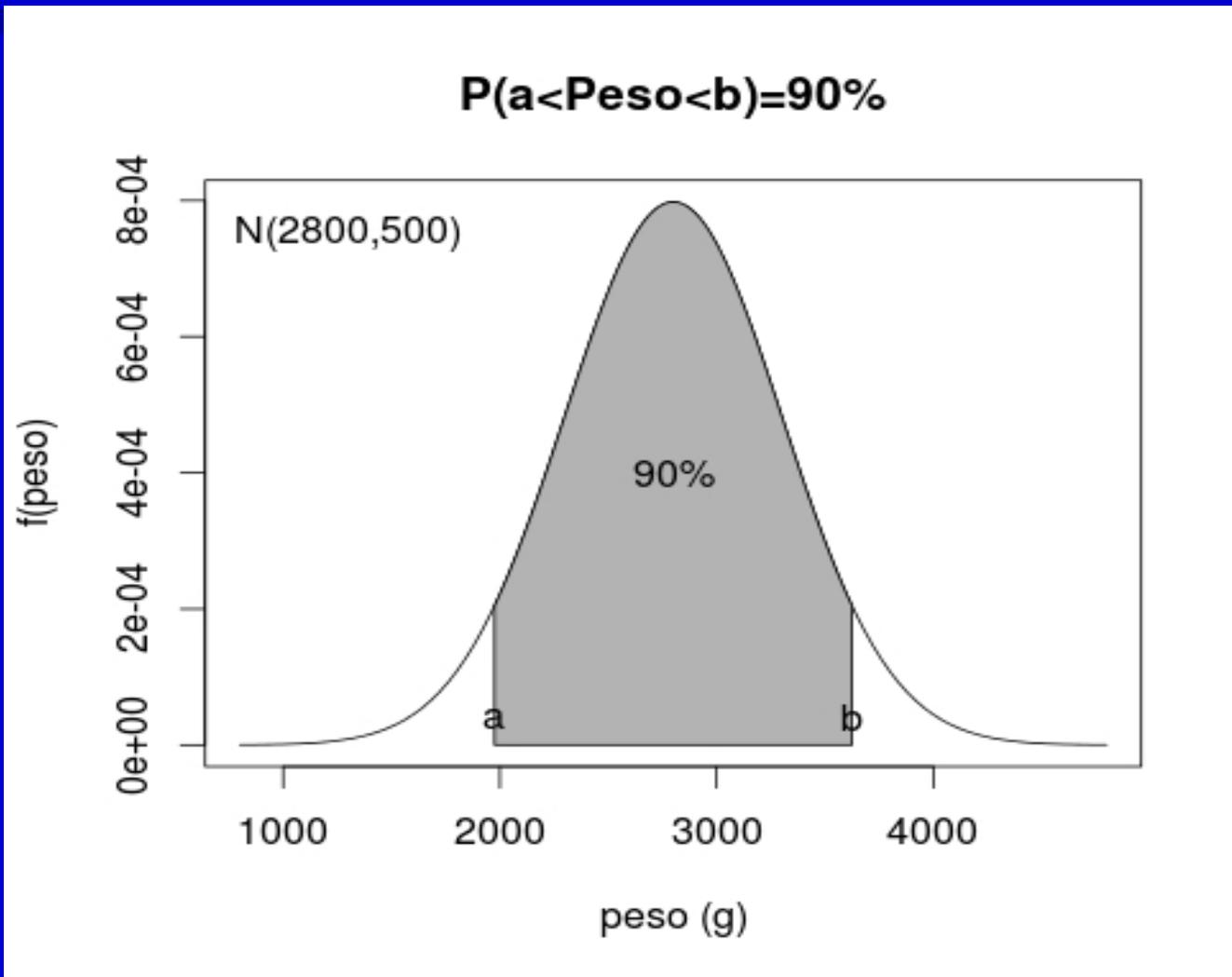
Exemplo: peso de recém-nascidos



Exemplo: peso de recém-nascidos



Exemplo: peso de recém-nascidos



Padronização

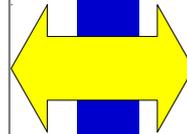
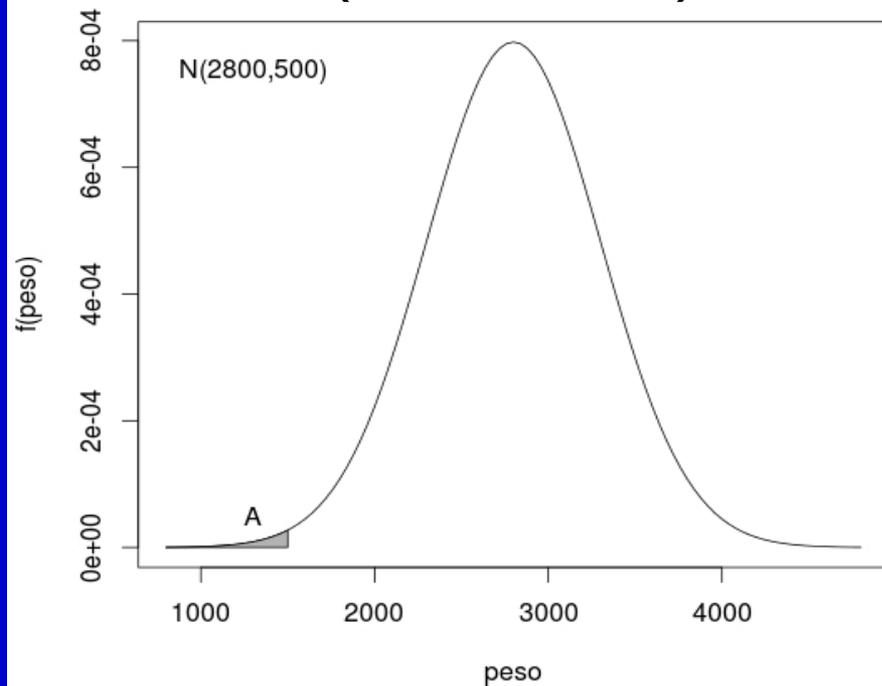
$X \sim N(\mu, \sigma)$ é transformada numa forma padronizada $Z \sim N(0, 1)$

$$Z = \frac{X - \mu}{\sigma}$$

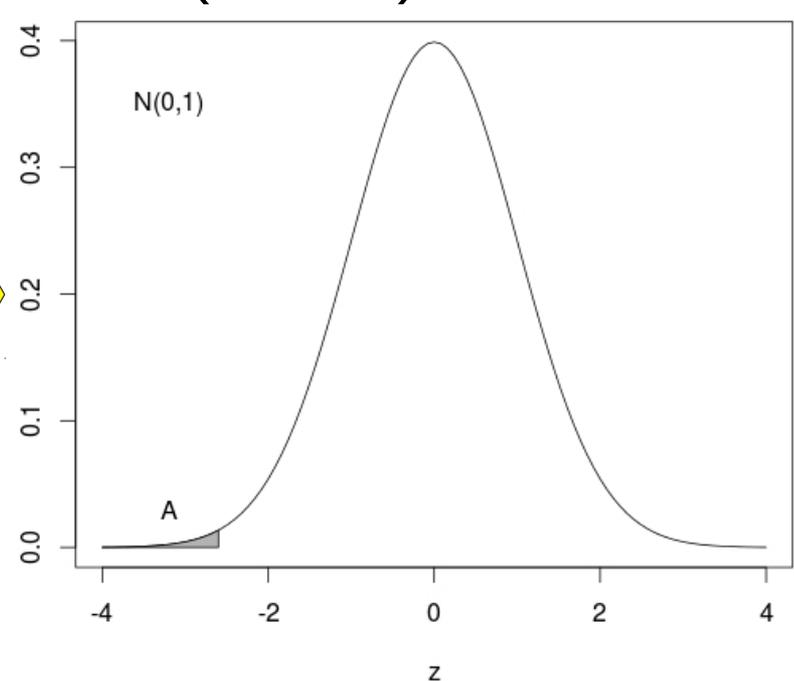
Padronização

Peso $\sim N(2800, 500)$ é transformado em $Z \sim N(0, 1)$

$$P(\text{Peso} < 1500) = A$$

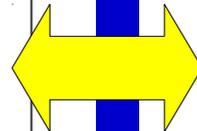
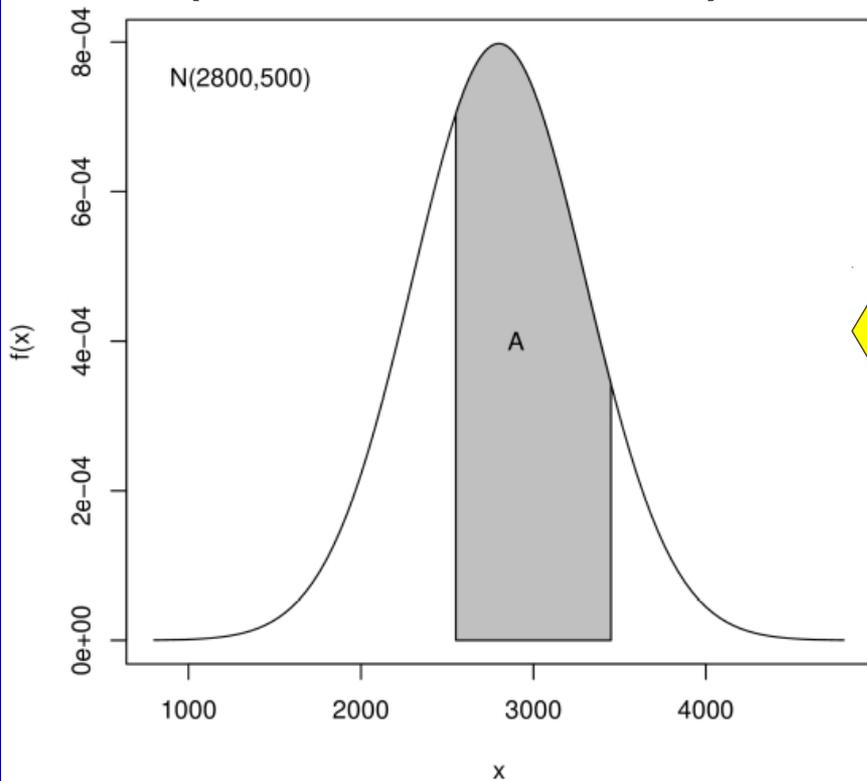


$$P(Z < -2,6) = A = 0,005$$

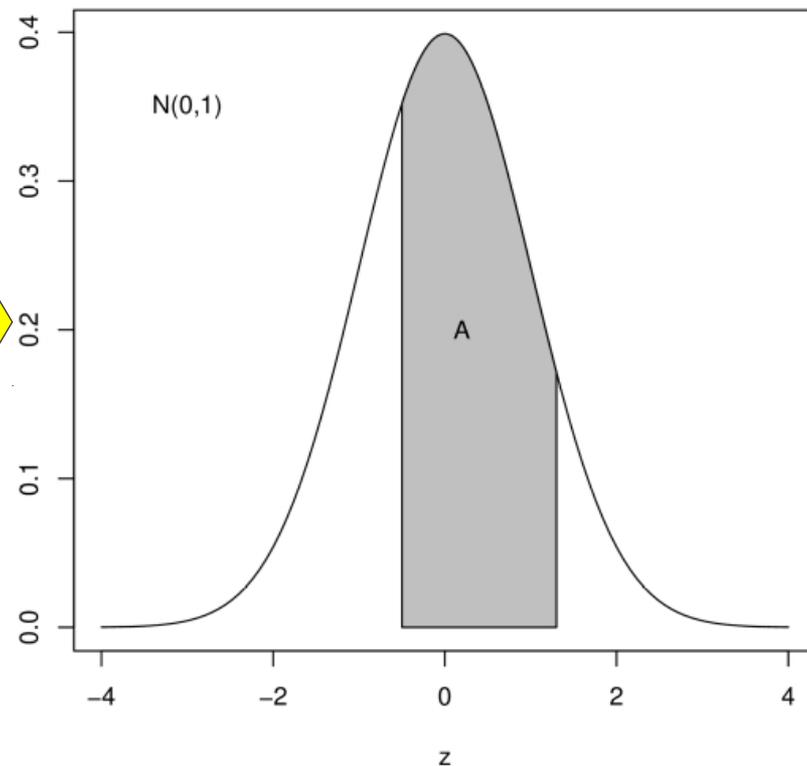


Exemplo: peso de recém-nascidos

$$P(2550 < \text{Peso} < 3450) = A$$

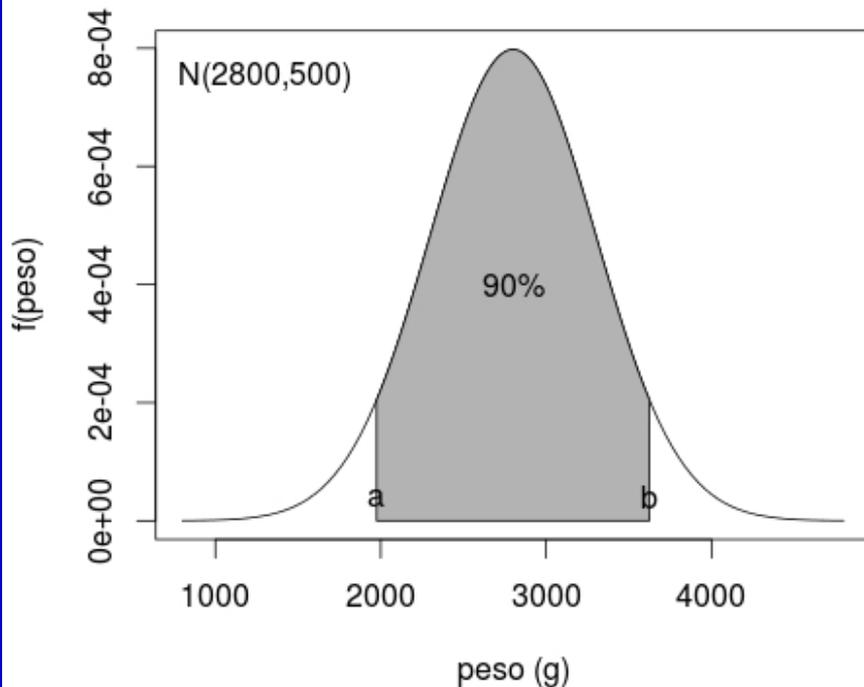


$$P(-0,5 < Z < 1,3) = A = 0,59$$

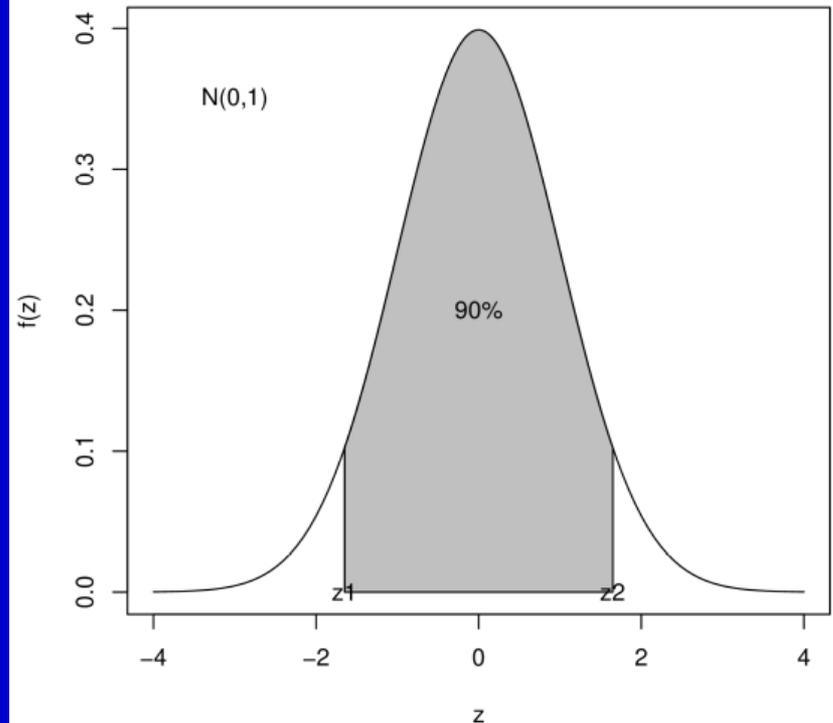


Exemplo: peso de recém-nascidos

$P(a < \text{Peso} < b) = 90\%$



$P(z_1 < Z < z_2) = 90\%$



$$z_1 = \frac{(a - 2800)}{500} = -1,65$$

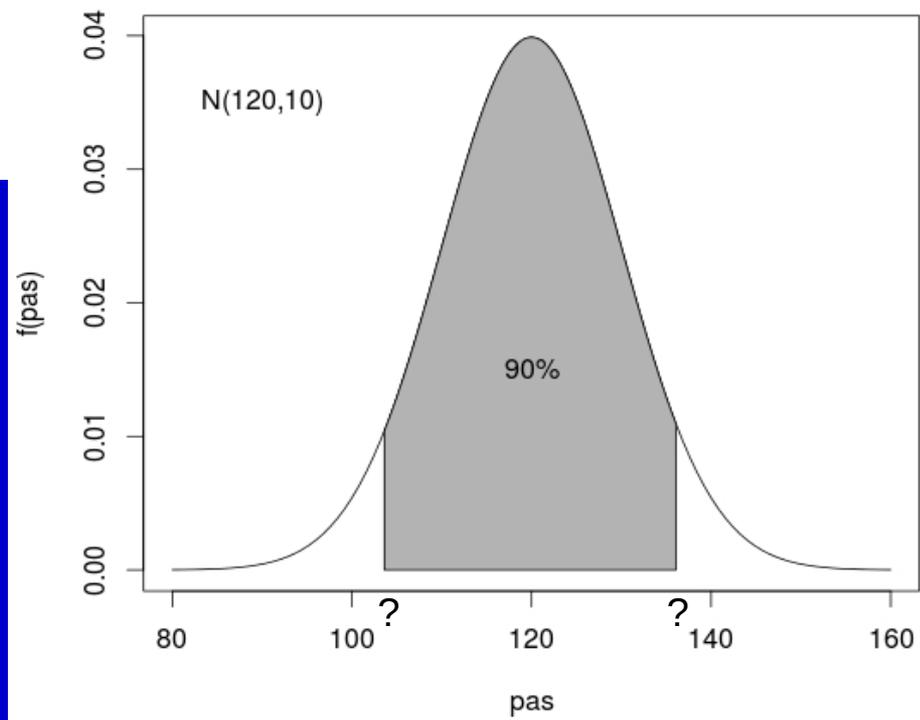
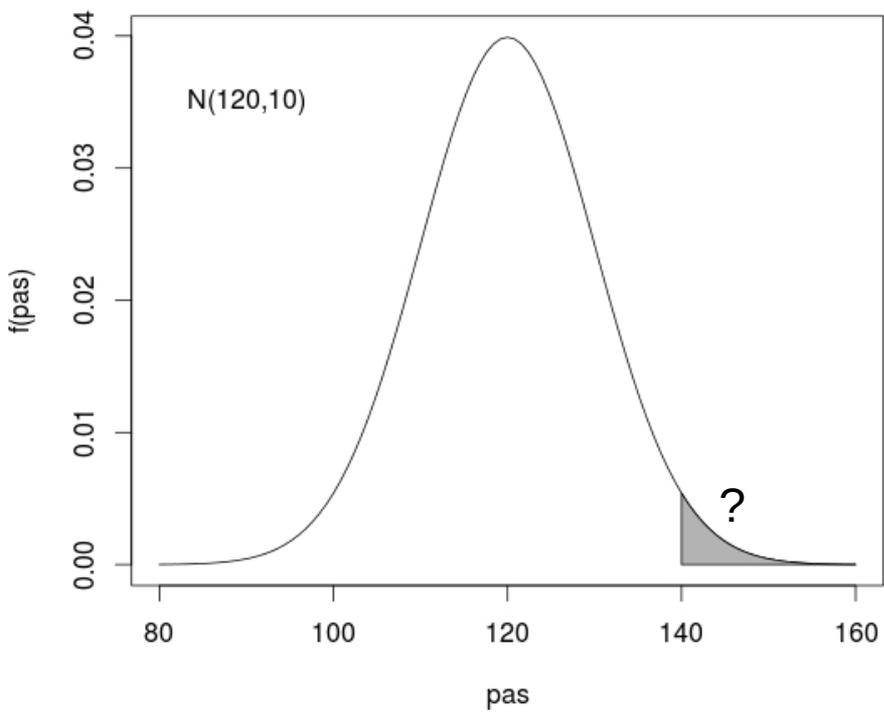
$$z_2 = \frac{(b - 2800)}{500} = 1,65$$

Exemplo: PAS

Suponha que a pressão arterial sistólica de pessoas jovens saudáveis seja $N(120,10)$

Qual é o percentual dessas pessoas com pressão sistólica acima de 140mmHg?

Qual é o intervalo simétrico em torno da média que engloba 90% dos valores das pressões sistólicas de pessoas jovens e saudáveis?



Calculadora

<http://onlinestatbook.com/2/calculators/normal.html>

Exercício

Supondo que o coeficiente de inteligência (QI) de pessoas saudáveis segue uma distribuição Normal e que o QI médio seja 100, com desvio-padrão 15.

- Qual é a probabilidade de uma pessoa dessa população ter QI acima de 130?
- Qual é a probabilidade de uma pessoa dessa população ter QI entre 90 e 110?
- Se quisermos definir um ponto de corte para o QI que deixa somente 1% das pessoas dessa população acima desse valor, qual seria?
- Qual seria a faixa de referência de 95% para QI nessa população?